

# Rapport d'activité du laboratoire **InterLab** pour l'année scolaire 2024/2025.

## Fonctionnement du laboratoire

## - Composition de l'équipe :

Coordonateur: M. MADIOT Vincent

vincent.madiot@ac-versailles.fr

#### Les neuf autres membres :

M. MARCON Xavier xavier.marcon@ac-versailles.fr yohann.le-boulair@ac-versailles.fr M. LE BOULAIR Yohann stephanie.yvart@ac-versailles.fr Mme YVART Stéphanie yvette.stepanian@ac-versailles.fr **Mme STEPANIAN Yvette** M. FAMULARO Antonino antonino.famularo@ac-versailles.fr thomas.huguet@ac-versailles.fr M. HUGUET Thomas Mme OESTBERG Maria maria.oestberg@ac-versailles.fr valerie.tamboise@ac-versailles.fr Mme TAMBOISE Valérie Thomas-Eric.Lextrait@ac-versailles.fr M. LEXTRAIT Thomas

## - Calendrier des rencontres :

Nous nous sommes réunis deux fois cette année, une première fois avant les vacances de la Toussaint, pour lancer l'année du laboratoire et définir notre axe de recherche. Et une deuxième fois avant les vacances de Noël pour faire un premier point d'avancement.

Nous avons conscience que ces deux réunions n'ont pas suffi et que la difficulté de nous voir cette année est l'une des préoccupations majeures ayant freiné notre avancée conjointe et nos échanges.

## Objectifs du labo:

Sur le thème des Sangaku, ces figures géométriques d'origine Japonaise, nous allons essayer cette année de produire des activités de géométrie, débranchées comme branchées (avec différents langages), pour tous les niveaux du collège, mais aussi en lycée. Et d'explorer la richesse de ces figures en vue de diversifier nos activités en classe.

Les compétences travaillées varieraient en fonction du niveau : reproduction de Sangaku (réflexion sur le protocole de construction), résolution de Sangaku, création de Sangaku (numérique ou matériel).

Ces figures géométriques seront aussi le support d'activités transverses en lien avec la section Japonaise, dans l'espoir de réussir à collaborer davantage avec nos collègues de section (un des objectifs de notre projet d'établissement). En effet, les élèves de 1ère de cette section sont amenés à rencontrer certains de leurs homologues du lycée Léonard De Vinci de Saint-Germain-en-Laye, pour échanger autour de ces figures, pour se challenger (s'envoyer des défis mathématiques sous forme de Sangaku) et pour apprendre l'histoire de ces figures et construire ensemble une exposition, qui pourrait se faire dans notre Atrium pour la semaine des mathématiques.

Enfin, et c'est là un autre de nos objectifs, nous aimerions faire construire par nos élèves et ceux du lycée partenaire cinq énigmes sous la forme de Sangaku, qui permettraient d'organiser une compétition d'énigmes (une par jour) pour cette même semaine des mathématiques, et qui s'adresserait à toutes et tous, pour favoriser l'émulation autour des mathématiques, et rendre plus visible et attrayante cette semaine si particulière.

En résumé, nous étudierons comment un thème commun :

- peut nous aider à créer une certaine dynamique autour des mathématiques à tous les niveaux de l'établissement,
- peut favoriser la collaboration avec nos collègues de section,
- peut nourrir des rencontres entre lycéens de différents lycées,
- peut permettre de dynamiser et de rendre plus vivante la semaine des mathématiques.

## Action 1:

### Résumé de l'action et production réalisée :

Organisation de séances croisées entre un groupe de lycéens du lycée Leonard De Vinci (voisin), encadré par Monsieur Rabih Mahfouz, et les élèves de première de la section Japonaise de notre établissement, encadrée par Madame Junko Takahashi.

InterLab remercie chaleureusement nos deux interlocuteurs pour leur grande implication dans ce projet.

- 1) Accueil de nos visiteurs pour une séance historique animée par notre collègue d'histoire de la section Japonaise : un point de vue historique de la figure du Sangaku.
- 2) Sortie de nos élèves au lycée Leonard De Vinci pour une séance de résolution de Sangaku, en groupe mixte des deux établissements.
- 3) Création de posters sur l'histoire des mathématiques et des Sangaku en particulier par nos élèves. L'exposition aura lieu à la prochaine rentrée dans notre hall d'entrée pour une durée de 15 jours.

## Analyse : quelle plus-value pour les élèves ? pour l'équipe ? pour l'établissement ?

Le changement de cadre, pour les deux groupes d'élèves impliqués, a permis une ouverture vers d'autres personnes vivant et étudiant à proximité, et ces rencontres mathématiques ont permis de rapidement créer des contacts dans un même but. Les élèves ont du se forcer à échanger, à discuter autour d'un problème mathématique dans le but de le résoudre :un travail en équipe plutôt nouveau pour eux, assez bénéfique pour le développement de compétences de communication.

Par ailleurs, l'exposition a été réalisée en deux exemplaires, de sorte qu'elle aura lieu dans les deux établissements conjointement. Un début de rapprochement entre nos deux établissements a donc vu le jour cette année.

### - Ecueils éventuels rencontrés lors de la mise en place de cette action :

Le problème essentiel a consisté à organiser les rencontres. Dans l'idéal, nous aurions aimé en organiser plus de deux mais cela n'a pas été possible (maladie ayant fait annulé la troisième notamment).

Un autre problème que nous avons eu est lié à l'impression des posters de l'exposition. Nous avons eu affaire à des escrocs, et nous avons finalement du aller chercher les posters à Paris, alors que nous avions demandé et payé leur envoi postal. En période de fin d'année très chargée, ceci a eu raison de notre intention de l'afficher au mois de mai. Par chance, elle a été réalisée par des élèves de 1<sup>ère</sup>, qui seront encore au lycée l'an prochain pour la voir exposée.

## Action 2:

### Résumé de l'action et production réalisée :

Afin de rendre *l'année du Sangaku* visible dans l'établissement deux concours ont été organisés.

Un premier a eu lieu avant les vacances de fin d'année : il s'agissait de résoudre un premier Sangaku et de déposer sa solution sur un fichier partagé.

Un deuxième concours, de construction cette fois, a eu lieu courant février. Il s'agissait de proposer quelques Sangakus à construire, selon une méthode au choix de l'élève (peinture, crayon, ou création numérique), qui orneront bientôt la future exposition.

## - Analyse : quelle plus-value pour les élèves ? pour l'équipe ? pour l'établissement ?

L'idée était de créer une sorte d'émulation autour des mathématique dans l'établissement, et de récompense pour un travail fourni hors du temps des enseignements, travail qui se verra exposer au centre de l'établissement à la prochaine rentrée.

Comme notre principale de collège nous le rappelle fréquemment, il est important de faire vivre les murs de notre enceinte et de montrer des travaux d'élève. En cela, la prochaine exposition prendra tout son sens et le travail du laboratoire s'ancrera dans le projet d'établissement.

### - Ecueils éventuels rencontrés lors de la mise en place de cette action :

Comme trop souvent cette année, le temps et l'organisation nous ont manqué pour travailler en équipe autour de ces projets. Les annonces des concours n'ont pas été faites au bon moment, trop proches des vacances à chaque fois. S'est posé aussi le problème de la communication de ces concours, le nombre de canaux de communication étant très grand. Communiquer seulement via Pronote ou par affiches murales n'est plus suffisant. Le deuxième concours avait été annoncé aussi via la page de l'établissement sur un réseau social de grande écoute mais cela n'a pas permis néanmoins d'attirer plus d'élèves. Pour chaque concours, une dizaine d'élèves environ a répondu présent. C'est déjà ça mais à la vue de nos effectifs, ce n'est pas satisfaisant.

## Actions 3:

### - Résumé de l'action et production réalisée :

De multiples séquences d'enseignement ont été réfléchies et mises en œuvre autour de la figure du Sangaku cette année, sur différents niveaux.

En classe de 5<sup>ème</sup> : 2 séances de demi-groupe ont permis de travailler plusieurs compétences.

- -> Production d'une figure avec contraintes non dévoilées (bref, un Sangaku), puis relevé de longueurs dans un fichier tableur partagé.
- -> Mis en commun des résultats, et travail sur la notion de formule (un *pattern* dirait nos amis anglophones). Validation, non validation de formule grâce au tableur. La formule à trouver étant la *solution* du Sangaku, à l'aide de leurs relevés.
- -> Une fois la formule dévoilée, travail autour de celle-ci: évaluation d'égalité, puis doucement glisser vers de la résolution déguisée d'équations.

## En classe de 2<sup>de</sup> :

Une séance est menée autour d'un Sangaku montrant plusieurs cercles inscrits dans un grand triangle. Une séance permettant de faire manipuler le logiciel Geogebra, pour mieux comprendre les contraintes imposées par la figure. Puis dans un deuxième temps, un travail de démonstration doit être mené afin de calculer une longueur manquante dans un Sangaku dérivé du premier. Activité qui s'ancre dans le chapitre de géométrie lors des rappels.

## En classe de 2<sup>de</sup> FS (Français Spécial):

### Objectifs:

- 1- Mettre en place le vocabulaires sur les cercles (rayon, diamètre, tangente au cercle, cercles tangents) et les triangles et quadrilatères particuliers (isocèle, équilatéral, carré, losange..., diagonale), parallélisme et orthogonalité ...
- 2- Construire une figure complexe en utilisant règle, compas, équerre et rapporteur.

Durée de la séquence : deux périodes.

Travail en groupes de quatre élèves.

Partie 1 : Travail oral

Forme : Jeu de cartes (décrire une figure sur une carte tirée au sort et la faire découvrir aux autres.)

### Partie 2: Construction

## - Analyse : quelle plus-value pour les élèves ? pour l'équipe ? pour l'établissement ?

Le Sangaku est un riche objet d'étude qui permet facilement de sortir du cadre et d'explorer plusieurs des compétences travaillées en cours. L'élève plonge facilement dans les activités proposées grâce à la nature visuelle et accessible de la figure.

### - Ecueils éventuels rencontrés lors de la mise en place de cette action :

Les activités menées en classe de 5<sup>ème</sup> ont permis la mise en action rapide des élèves. Cependant, la formule choisie pour le Sangaku de l'activité (faisant apparaître le carré d'une longueur) était sans doute trop ambitieuse, et même pour notre public de très bon niveau d'ensemble. Une figure plus simple serait donc souhaitable, ou la traiter en toute fin d'année afin de faire la transition vers la classe de 4<sup>ème</sup>.

## Bilan global de l'année et perspectives :

Nous avons donc essayé de faire vivre ce thème des Sangakus dans nos classes, au travers de multiples activités menées. Pour un bilan positif en terme pédagogique.

Les rencontres nouées avec un établissement voisin ont été enrichissantes du point de vue des élèves comme des enseignants impliqués. Le plus dur consistera néanmoins à rendre ces échanges pérennes. L'exposition commune dans les deux établissements permettra en tout cas de commencer l'année sous le signe de cette amitié nouvelle.

Dans l'établissement, nous avons été ravis de collaborer avec la section Japonaise, et d'apprendre à les connaître et d'en apprendre sur l'histoire du Japon et de ses mathématiques. Je crois aussi pouvoir dire que la réciproque est vraie. Les élèves attendent avec impatience que leurs posters soient exposés à la rentrée.

Les bonnes intentions montrées en début d'année scolaire par les membres du laboratoire en vue de dynamiser la semaine des mathématiques n'ont pas réussi. Faute de temps, faute de ne pas pouvoir se rencontrer à intervalles réguliers, nos actions se sont trop souvent réalisées individuellement, dans notre coin. En cela, nous n'avons pas réussi à faire vivre le travail d'équipe. J'y vois personnellement le défaut d'un groupe si grand dans un établissement sans récréations où tout le monde court après le temps et où tant de projets divers sont déjà menés.

En tant que coordonnateur du laboratoire pour cette année, j'en tire les conclusions que notre travail en équipe n'a pas été satisfaisant et n'a pas répondu aux objectifs que nous nous étions fixés.

Je décide donc de laisser ma place et de prendre une année à l'écart du laboratoire. Si aucun autre collègue ne se propose à la rentrée, alors nous mettrons en arrêt l'activité du laboratoire pour une durée d'au moins un an.

## Les posters de l'exposition

### SOROBAN 算盤 billes 5 unités · Instrument de calcul traditionnel japonais utilisé pour effectuer des opérations arithmétiques · Il comporte le minimum de boules requises pour effectuer les opérations HISTOIRE · Origine : Inspiré de l'abaque **FUN FACTS** chinois, introduit au Japon vers le le boulier est l'un des plus anciens instruments de calcul de l'histoire de l'humanité • Standardisation : Au 20<sup>e</sup> siècle, il adopte la forme moderne (1 bille en haut, 4 en bas) pour faciliter les calculs · Utilisation : Outil d'enseignement des mathématiques au Japon et dans d'autres pays, · Compétitions : Des concours de

#### Yoshida Mitsuyoshi 吉田光由



Yoshida Mitsuyoshi (古田 光由, 1598 - 8 janvier 1672), aussi connu sous le nom Yoshida Koyu, est un mathématicien japonais de l'époque d'Edo. Son travail publié populaire et largement diffusé fait de lui l'écrivain sur les mathématiques le plus connu de son époque.

Avec Imamura Chisho et Takahara Kisshu, Yoshida est connu de ses contemporains comme l'un des "Trois arithméticiens".

#### 慶劫記 Jinkouki

Jinkouki : livre mathématique écrit par Yoshida Mitsuyoshi Publié en 1627, vers le début de l'époque d'Edo, ce livre a contribué au développement du Wasan.



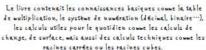
Ecrit en tant que manuel de Soroban (une calculatrice ancienne du Japon, qui permet de faire des calcule à l'aides des jetons).



Le Jinkouki est devenu best-seller et lang-seller de l'époque d'Edo en tant que livre mathématique, en répondant aux besoins des connaissances mathématiques pour le peuple, due au développement de la société.

Mitsuyoshi a appris les mathématiques de Shigeyoshi Mouri, Egalement un mathématicien/Wasanka de l'Epoque d'Edo, Shigeyoshi est aussi l'Ecrivain du plus ancien livre mathematique dont on connaît!" auteur,

Yoshimitsu a traduit le Suanja tongzhong (texte mathématique écrit par un mathématique chinois du seizième siècle) écrit en chinois, avec l' aide de Soan Suminokura, un sinologue,





## Sangakus - 算額

#### Qu'est-ce que c'est ?

Ce sont des tablettes de bois présentes dans certains temples japonais et figurant des énigmes de géométrie gravées.

calcul mental rapide sont

· Avantages : Améliore la

rapidité de calcul mental.

efficacité.

organisés pour démontrer son

concentration, la mémoire et la

#### Son histoire

Durant l'époque d'Edo, le Japon, isolé du reste du monde (sakoku), développe les sangaku, sans influence occidentale. Apparues au XVIIe siècle, les sangaku étalent accrochées aux temples shintoistes servant à démontrer le talent des mathématiciens ou pour faire un offrande divine . Leur popularité augmente entre 1790 et 1840, puis décline au début du XXe siècle après la création de milliers de tablettes.

### Un exemple de sangaku (fait en 1864!)



#### Ema et Gaku - 絵馬と額

utilisateur de soroban a battu un

calculatrice

Les sangakus sont souvent écris sur des Emas. Ce sont des plaques en bois contenant des prières ou des vœux que l'on trouve dans les sanctuaires chintò au Japon. Les fidèles l'accrochent à un portique près du temple pour qu'il soit lu par les kamis (les dieux). Les sangaku peuvent aussi être écris sur des gakus (期) qui sont souvent mis à l'entrée du temple.





Peux tu résoudre ce sangaku?

Voici la figure que nous allons





#### 関孝和 – Le Newton japonais des mathématiques



- polynomiales (括要算法) (



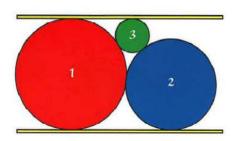
「算法は、天地の理を解き明かす道なり。」 "Les mathématiques sont la voie pour éclairer les principes du ciel et de la terre,"

Extrait de 《発微算法》(Hatsubi Sanpō)

## Les différents concours

Concours de Noël

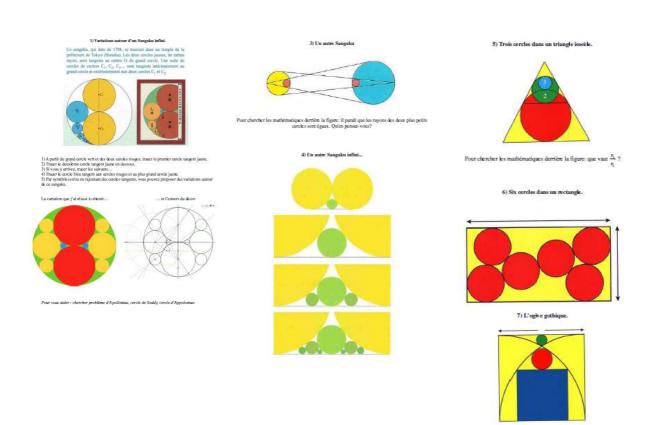
Pour déposer votre réponse....



Relation entre  $R_1, R_2$  et  $R_3$ ?



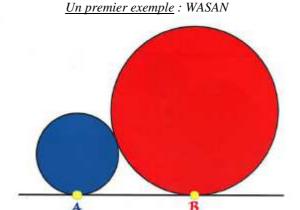
## Constructions (exemples)



## Première séance en 5<sup>ème</sup>



-> Pour en apprendre davantage, vous pouvez lire les numéros 279 (janvier-février 2023) et le hors-série 84 du magazine Tangente, disponibles au CDI.



Relation entre AB et les rayons des deux cercles ?

## 1) Réaliser sur une feuille de papier un premier Sangaku:

Sur une feuille, essayer de construire une figure respectant les contraintes de ce Sangaku.

-> Appeler le professeur pour vérification.

Vous pourrez ensuite essayer d'en construire un autre (de la même forme), mais de dimensions différentes.

Renseigner les valeurs de votre (ou de vos) dessin(s) dans le fichier partagé accessible en flashant le QR code suivant:



### Mise en commun des résultats: analyse du fichier partagé.

Quelle semble être la relation vérifiée par les deux rayons et la longueur AB?

## 2) Réaliser ce Sangaku sur Geogebra:

Choisir trois valeurs qui vérifient la relation précédente, puis construire pas à pas ce Sangaku sur votre tablette.

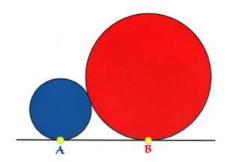
-> Appeler le professeur pour vérification.

## Deuxième séance en 5<sup>ème</sup>

## Calculs avec scratch / Formule / Variables

On a vu que dans ce Sangaku, la relation reliant la longueur AB et les rayons  $R_1$  et  $R_2$  est :

$$AB^2 = 4R_1R_2$$



- 1) Introduction:
- a) Peut-on construire ce Sangaku avec AB = 10;  $R_1 = 2$  et  $R_2 = 12$ ? .....
- b) Que vaut la longueur AB lorsque on choisit  $R_1 = 4{,}05$  et  $R_2 = 5$ ?  $AB = \dots$
- c) Que vaut  $R_1$  lorsque on choisit AB = 10 et  $R_2 = 5$ ?  $R_1 = \dots$
- d) Que vaut  $R_2$  lorsque on choisit AB = 16 et  $R_1 = 10$ ?  $R_2 = \dots$
- 2) Programme de calcul:

Objectif: écrire un programme en scratch, qui <u>demande</u> à l'utilisateur la valeur de la longueur *AB* et d'un des deux rayons, puis qui calcule et renvoie la valeur de l'autre rayon (i.e qui permettent de vérifier les réponses aux questions c) et d) précédentes).

\* Nous utiliserons trois variables, qu'il vous faut créer :

Créer une variable

- -> Vous les appellerez AB,  $R_1$  et  $R_2$ .
- \* Pour demander la valeur à l'utilisateur, vous utiliserez Capteurs, puis les instructions suivantes:



Vous écrirez des instructions adaptées pour demander à l'utilisateur la valeur de  $R_1$  et la ranger dans la variable  $R_1$ .

\* Après avoir fait calculer le rayon du deuxième cercle, rangé dans la variable  $R_2$ , il vous

faudra l'afficher grâce au menu Apparence.



Aide en cas de blocage: le script demandé peut ressembler à celui-ci...



## Séance en classe de 2<sup>de</sup>.

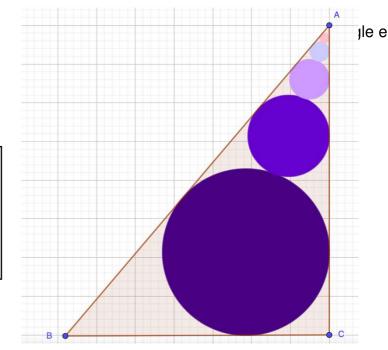
## I. RÉALISATION D'UN SANGAKU AVEC GÉOGÉBRA

A l'aide du logiciel geogebra, on se propose de construire le sangaku suivant :

- 1. Ouvrir Géogébra
- 2. Construire le premier cercle violet foncé inscrit dans le triangle ABC.

## Propriété utilisée (à compléter)

Dans un triangle,



## Appeler le professeur pour vérifier votre construction

3. Construire le deuxième cercle.

### Rappel:

**Définition**: Deux cercles sont tangents si et seulement s'ils ont un seul point commun.

## Appeler le professeur pour vérifier votre construction

4. Reprendre la construction pour construire les autres cercles demandés dans la figure 1. Penser à enregistrer votre construction.

## Appeler le professeur pour vérifier votre construction

#### III. ENIGME

Sur l'une des tablettes retrouvées, quelques coups de pinceau retraçaient l'énigme suivante :

- le triangle est rectangle.
- ses deux côtés de l'angle droit mesurent 6 et 8.

Quels sont les rayons des deux cercles circonscrit et inscrit au triangle rectangle ?

_	

## Séance en classe de 2<sup>de</sup>FS

22	9 W	s – cercles et géométrie	2nde ps
Nom:	2**** +5		
Prénom :			
Initialement, les Sangakus	sont des tablettes v	votives utilisées dans les temples	japonais. On y trouve
	qui sont devenues	s des exercices ou énigmes appré	ciées des amateurs
de géométrie.			
Sangaku veut dire tablette:	mathématiques. F	Période: 1639 à 1854. On connait	encore de l'ordre de 800
tablettes.		ALTO COMPANY OF THE PARK AND A COMPANY OF TH	
Trois centres d'intérêt :			
L'esthétique de ces fi	AND THE RESERVE OF THE PARTY		
<ul> <li>La formulation des pr</li> </ul>	oportions entre les	s objets ;	
<ul> <li>La méthode de const</li> </ul>	ruction de ces dess	ins.	
1- Description des fig	ıres		
Activité par groupes de qui	itre :		
et		et	et
Le jeu comporte huit carte	(A, B, C, D, E, F, G	et H).	
Distribuer deux cartes à ch	acun sans que les a	autres ne voient ce qu'elles repré	sentent.
Règle du jeu : A votre tour,	décrire votre figur	e en cinq phrases pour la faire d	ecouvrir aux trois autres.
Vos réponses :			
53.			
AND TO			
	M		
	1000000		
	= 5000000000000000000000000000000000000		0.00.00.00.00.00.00
		1 (0)	

2- Constructions – Choisir deux de ces figures et en faire une reproduction à la règle et au compas le plus précis possible.

Pour vous aider

### Le jeu de huit cartes

